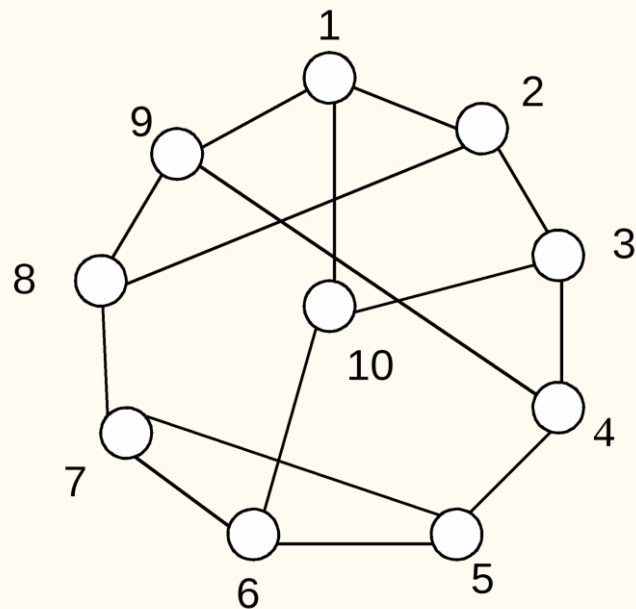
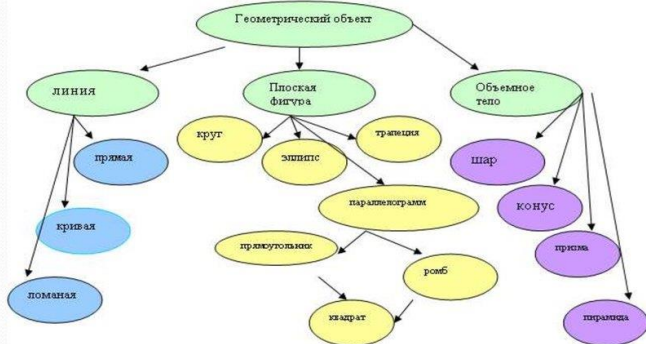


Работа с графами в языке Python

Презентация подготовлена учеником 11А класса
МБОУ СОШ №6 под руководством Баурова А.Ю

Немного о графах в общем

Примеры графов



Хеширование

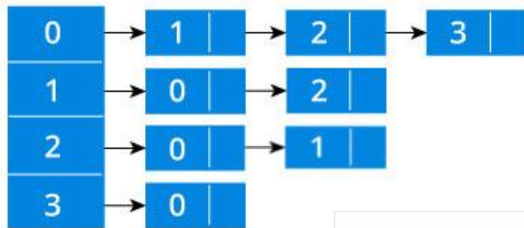
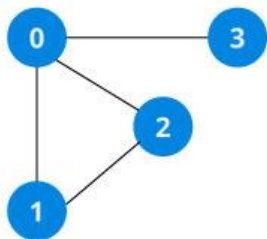
Существует техника, подробно описываемая в большинстве книг об алгоритмах, и неявно используемая программистами на Python, это — хэширование. Хеширование подразумевает вычисление целого числа (часто выглядящего как случайное), основанного на произвольном объекте. Потом это значение можно будет использовать, например, как индекс в массиве (после некоторых преобразований, чтобы не выйти за границы массива).

Стандартный механизм хэширования в Python представлен функцией `hash`:

```
>>> hash(42)
42
>>> hash("Hello, world!")
-1886531940
```

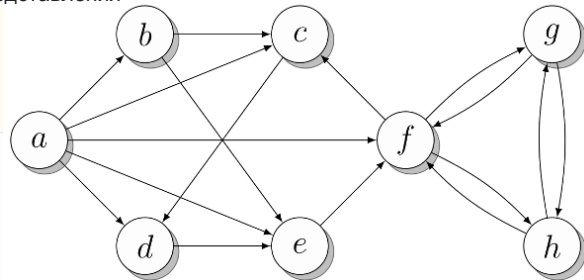
Списки смежности

Один из наиболее очевидных способов представления графов — это списки смежности. Смысл их в том, что для каждой вершины создается список (или множество, или другой контейнер или итератор) смежных с ней вершин. Разберем простейший способ реализации такого списка, предположив, что имеется n вершин, пронумерованных $0 \dots n-1$.



```
a, b, c, d, e, f, g, h = range(8)
N = [
    {b, c, d, e, f}, # a
    {c, e}, # b
    {d}, # c
    {e}, # d
    {f}, # e
    {c, g, h}, # f
    {f, h}, # g
    {f, g} # h
]
```

Примерный граф для демонстрации разных видов представления



Матрицы смежности

Другая распространенная форма представления графов — это матрицы смежности. Основное отличие их в следующем: вместо перечисления всех смежных с каждой из вершин, мы записываем один ряд значений (массив), каждое из которых соответствует возможной смежной вершине (есть хотя бы одна такая для каждой вершины графа), и сохраняем значение (в виде *True* или *False*), показывающее, действительно ли вершина является смежной. И вновь простейшую реализацию можно получить используя вложенные списки, как видно из листинга ниже. Обратите внимание, что это также требует, чтобы вершины были пронумерованы от 0 до $V-1$. В качестве значений истинности используются 1 и 0 (вместо *True* и *False*), чтобы сделать матрицу читабельной.

```
a, b, c, d, e, f, g, h = range(8)
# a b c d e f g h
N = [[0,1,1,1,1,1,0,0], # a
      [0,0,1,0,1,0,0,0], # b
      [0,0,0,1,0,0,0,0], # c
      [0,0,0,0,1,0,0,0], # d
      [0,0,0,0,0,1,0,0], # e
      [0,0,1,0,0,0,1,1], # f
      [0,0,0,0,0,1,0,1], # g
      [0,0,0,0,0,1,1,0]] # h
```

```
>>> N[a][b]
1
>>> sum(N[f])
3
```

Матрицы смежности

```
a, b, c, d, e, f, g, h = range(8)
_ = float('inf')
      # a b c d e f g h
W = [[0,2,1,3,9,4,_,_], # a
      [_,0,4,_,3,_,_,_], # b
      [_,_,0,8,_,_,_,_], # c
      [_,_,_,0,7,_,_,_], # d
      [_,_,_,_,0,5,_,_], # e
      [_,_,2,_,_,0,2,2], # f
      [_,_,_,_,_,1,0,6], # g
      [_,_,_,_,_,_,9,8,0]] # h
```

```
>>> W[a][b] < inf # смежность
True
>>> W[c][e] < inf # смежность
False
>>> sum(1 for w in W[a] if w < inf) - 1 # степень
5
```

Массивы специального назначения из NumPy

Библиотека NumPy содержит много функциональности, связанной с многомерными массивами. Для представления графов большая ее часть не нужна, но массивы из NumPy весьма полезны, например, для реализации матриц весов или смежности.

Вместо создания пустой матрицы весов или смежности из списков для n вершин, вроде такого:

```
>>> N = [[0]*10 for i in range(10)]
```

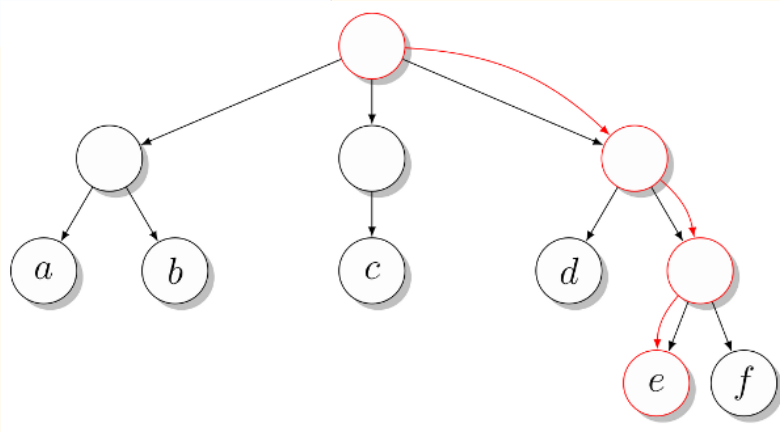
в NumPy можно использовать функцию `zeros`:

```
>>> import numpy as np  
>>> N = np.zeros([10,10])
```

Реализация деревьев

```
>>> T = [["a", "b"], ["c"], ["d", ["e", "f"]]]  
>>> T[0][1]  
'b'  
>>> T[2][1][0]  
'e'
```

Пример дерева с отмеченным путем от корня к листу



Реализация деревьев

```
class Tree:
    def __init__(self, left, right):
        self.left = left
        self.right = right

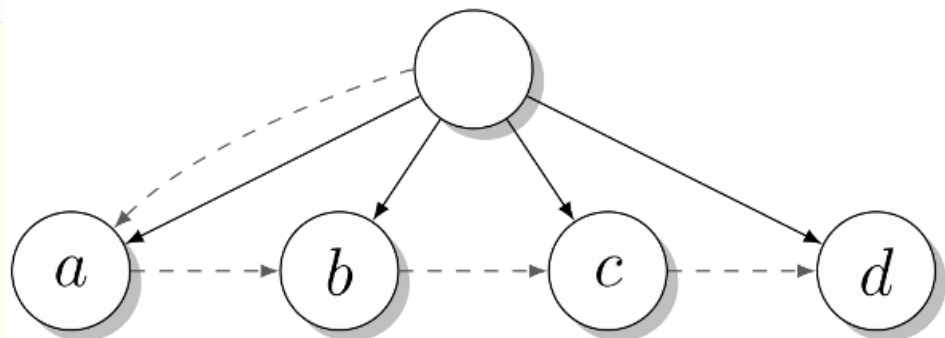
>>> t = Tree(Tree("a", "b"), Tree("c", "d"))
>>> t.right.left
'c'
```

```
class Tree:
    def __init__(self, kids, next=None):
        self.kids = self.val = kids
        self.next = next
```

Реализация деревьев

```
>>> t = Tree(Tree("a", Tree("b", Tree("c", Tree("d")))))  
>>> t.kids.next.next.val  
'c'
```

А вот как выглядит это дерево:



Шаблон проектирования “Набор”

При проектировании (да и реализации) таких структур данных как деревья может оказаться полезным гибкий класс, позволяющий задавать набор атрибутов через конструктор. Здесь нас может выручить шаблон проектирования «Набор» (названный так Алексом Мартелли в «Python Cookbook»). Есть много способов его реализации, но суть видна из следующего кода:

```
class Bunch(dict):
    def __init__(self, *args, **kwargs):
        super(Bunch, self).__init__(*args, **kwargs)
        self.__dict__ = self
```

Есть несколько полезных способов его применения. Во-первых, он позволяет создать и задать значения атрибутов, передав их как аргументы при создании объекта:

```
>>> x = Bunch(name="Jayne Cobb", position="PR")
>>> x.name
'Jayne Cobb'
```

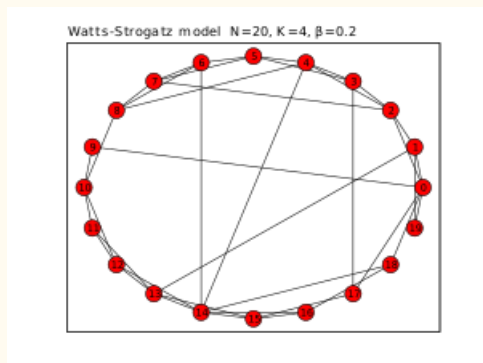
Во-вторых, наследование от `dict` дает много дополнительного функционала, такого как получение всех ключей (атрибутов) или простая проверка наличия атрибута. Вот пример:

```
>>> T = Bunch
>>> t = T(left=T(left="a", right="b"), right=T(left="c"))
>>> t.left
{'right': 'b', 'left': 'a'}
>>> t.left.right
'b'
>>> t['left']['right']
'b'
>>> "left" in t.right
True
>>> "right" in t.right
False
```

Конечно же этот шаблон можно использовать не только для создания деревьев. Он пригодится в любой ситуации, где необходим гибкий объект, умеющий задавать свои атрибуты при создании.

Библиотеки для работы с графами в Python

Граф, созданный с помощью NetworkX



Источники информации

<https://habr.com/ru/post/112421/>

<https://pythonworld.ru/tipy-dannyx-v-python/slovari-dict-funkcii-i-metody-slovarej.html>

<http://gato.sourceforge.net/>

https://pyprog.pro/array_creation/zeros.html

<https://evileg.com/ru/post/502/>